

**Курс «Алгоритмы и алгоритмические языки»  
1 семестр 2013/2014**

**Лекция 9**

## *Справка*

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
```

```
int main (void)
{
    char string1[80], string2[80], smp[3];

    fgets (string1, 80, stdin);
    string1[strlen (string1)-1] = '\\0';

    <...>
}
```

## ***Возврат из функции***

- ◇ Возврат из функции в точку вызвавшей ее функции, следующей за точкой вызова функции, осуществляется:
  - либо при выполнении оператора `return`,
  - либо после выполнения последнего оператора функции, если она не содержит оператора `return`.

```
#include <string.h>
```

```
#include <stdio.h>
```

```
void print_str_reverse (char *s)
```

```
{
```

```
    register int i;
```

```
    for (i = strlen (s) - 1; i >= 0; i--)
```

```
        putchar (s[i]);
```

```
}
```

- ◇ Если тип функции не `void`, то в ее теле должен быть хотя бы один оператор `return` с возвращаемым значением
- ◇ Если у функции несколько операторов `return`, возврат осуществляется **немедленно** по тому из них, который будет выполнен первым.

## **Результат выполнения функции**

- ◇ Все функции, кроме тех, которые относятся к типу `void`, возвращают значение, которое определяется выражением в операторе `return`.
- ◇ Помимо вычисления возвращаемого значения, функция может изменять значения переменных вызывающей функции (по указателю), а также изменять значения глобальных переменных.
- ◇ Результаты вызова функции, не связанные непосредственно с вычислением возвращаемых значений, составляют *побочный эффект* функции.
- ◇ Выделяют следующие виды функций:
  - (1) Функции, которые выполняют операции над своими аргументами с единственной целью – вычислить возвращаемое значение.
  - (2) Функции, которые обрабатывают данные и возвращают значение, которое показывает, успешно ли была выполнена эта обработка.
  - (3) Функции, возвращающие несколько значений (через указатели-аргументы и через возвращаемое значение).
  - (4) Функции, не возвращающие значений. Все такие функции имеют тип `void`.

## ***Результат выполнения функции***

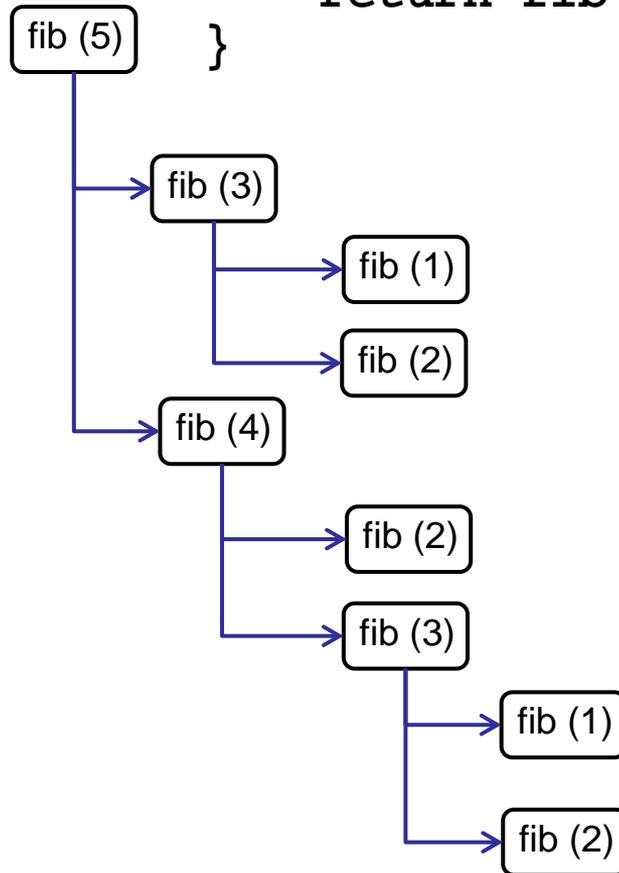
- ◇ Возвращаемым значением может быть указатель. Требуется, чтобы в объявлении такой функции тип возвращаемого указателя был объявлен точно: нельзя объявлять возвращаемый тип как `int *`, если функция возвращает указатель типа `char *`.
- ◇ Пример функции, возвращающей указатель (поиск первого вхождения символа `c` в строку `s`):

```
char *match (char c, char *s)  
{  
    while (c != *s && *s)  
        s++;  
    return s;  
}
```

# Рекурсия

- ◇ В языке Си функция может быть *рекурсивной*, т.е. вызывать саму себя:

```
int fib (int n)
{
    if (n == 1 || n == 2)
        return 1;
    else
        return fib (n - 2) + fib (n - 1);
}
```



## Рекурсия

- ◆ Рекурсивные функции часто неэффективны по сравнению с их нерекурсивными вариантами:

```
int fibn (int n) {
    int i, g, h, fb;
    if (n == 1 || n == 2)
        return 1;
    else
        for (i = 2, g = h = 1; i < n; i++) {
            fb = g + h;
            h = g;
            g = fb;
        }
    return fb;
}
```

- ◆ Функция `fib` работает за экспоненциальное время и линейную память,  
функция `fibn` – за линейное время и константную память.

## Хвостовая рекурсия

- ◇ *Хвостовая рекурсия* (tail recursion) – рекурсивный вызов в самом конце функции. Как правило, этот вызов может быть оптимизирован компилятором в цикл.

```
int fact (int n) {
    if (n == 0)
        return 1;
    else
        return n*fact (n-1);
}

int fact (int n) {
    return tfact (n, 1);
}
int tfact (int n, int acc) {
    if (n == 0)
        return acc;
    return tfact (n-1, n*acc);
}
```

```
int fact (int n) {
    int t_n = n, t_acc = 1;

    /* tfact встроена в fact и оптимизирована в цикл */
start:
    if (t_n == 0)
        return t_acc;
    t_acc = t_n * t_acc;
    t_n = t_n - 1;
    goto start;
}
```

## Ключевое слово `inline`: подставляемые функции (C99)

```
#include <stdio.h>
inline static int max (int a, int b)
{
    return a > b ? a : b;
}
int main (void)
{
    int x = 5, y = 17;
    printf ("Наибольшим из чисел %d и %d является %d\n",
           x, y, max (x, y));
    return 0;
}
```

◇ При обычной реализации `inline` приведенная программа эквивалентна:

```
#include <stdio.h>
inline static int max (int a, int b)
{
    return a > b ? a : b;
}
int main (void)
{
    int x = 5, y = 17;
    printf ("Наибольшим из чисел %d и %d является %d\n",
           x, y, (x > y ? x : y));
    return 0;
}
```

## Указатели на функцию

- ◇ Каждая функция располагается в памяти по определенному адресу. Адресом функции является ее точка входа (при вызове функции управление передается именно на эту точку).
- ◇ Присвоив значение адреса функции переменной типа указатель, получим указатель на функцию.
- ◇ Указатель функции можно использовать вместо ее имени при вызове этой функции. Указатель «лучше» имени тем, что его можно передавать другим функциям в качестве их аргумента.
- ◇ Имя функции `f ( )` без скобок и аргументов (`f`) по определению является указателем на функцию `f ( )` (аналогия с массивом).

```
int (*pf) (const char*, const char*);
```

```
char *s1, *s2;
```

```
int x = (*pf) (s1, s2);
```

```
int y = pf (s2, "string constant");
```

## Указатели на функцию

- ◆ **Пример.** Сравнение двух строк символов, введенных пользователем (функция `check()`).

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>

static void check (char *a, char *b,
                  int (*pf) (const char*, const char*)) {
    printf ("Проверка на совпадение: ");
    if (! pf (a, b))
        printf ("равны\n");
    else
        printf ("не равны\n");
}

int main (void) {
    char s1[80], s2[80];

    printf ("Введите две строки \n");
    fgets (s1, sizeof (s1), stdin); s1[strlen (s1) - 1] = 0;
    fgets (s2, sizeof (s2), stdin); s2[strlen (s2) - 1] = 0;
    check (s1, s2, strcmp);
    return 0;
}
```

- ◆ Объявление `int (*p)(const char *, const char *);` сообщает компилятору, что `p` – указатель на функцию, имеющую два параметра типа `const char *` и возвращающую значение типа `int`.
- ◆ Скобки вокруг `*p` нужны, так как операция `*` имеет более низкий приоритет, чем `()`: если написать `int *p(...)`, получится, что объявлен не указатель на функцию, а функция `p`, которая возвращает указатель на целое.
- ◆ `(*cmp)(a, b)` эквивалентно `cmp(a, b)`.
- ◆ У функции `check` три параметра: два указателя на тип `char` и указатель на функцию `pf`. Указатель `pf` и функция `strcmp` имеют одинаковый формат, что позволяет использовать имя функции в качестве аргумента, соответствующего параметру `pf`.
- ◆ В данном случае использование указателя на функцию позволяет не менять программу сравнения, и тем самым получается более общий алгоритм.

```
int compvalues (const char *a, const char *b) {  
    return atoi (a) != atoi (b);  
}
```
- ◆ Массивы указателей на функцию: гибкая обработка событий

# Вычисления с плавающей точкой

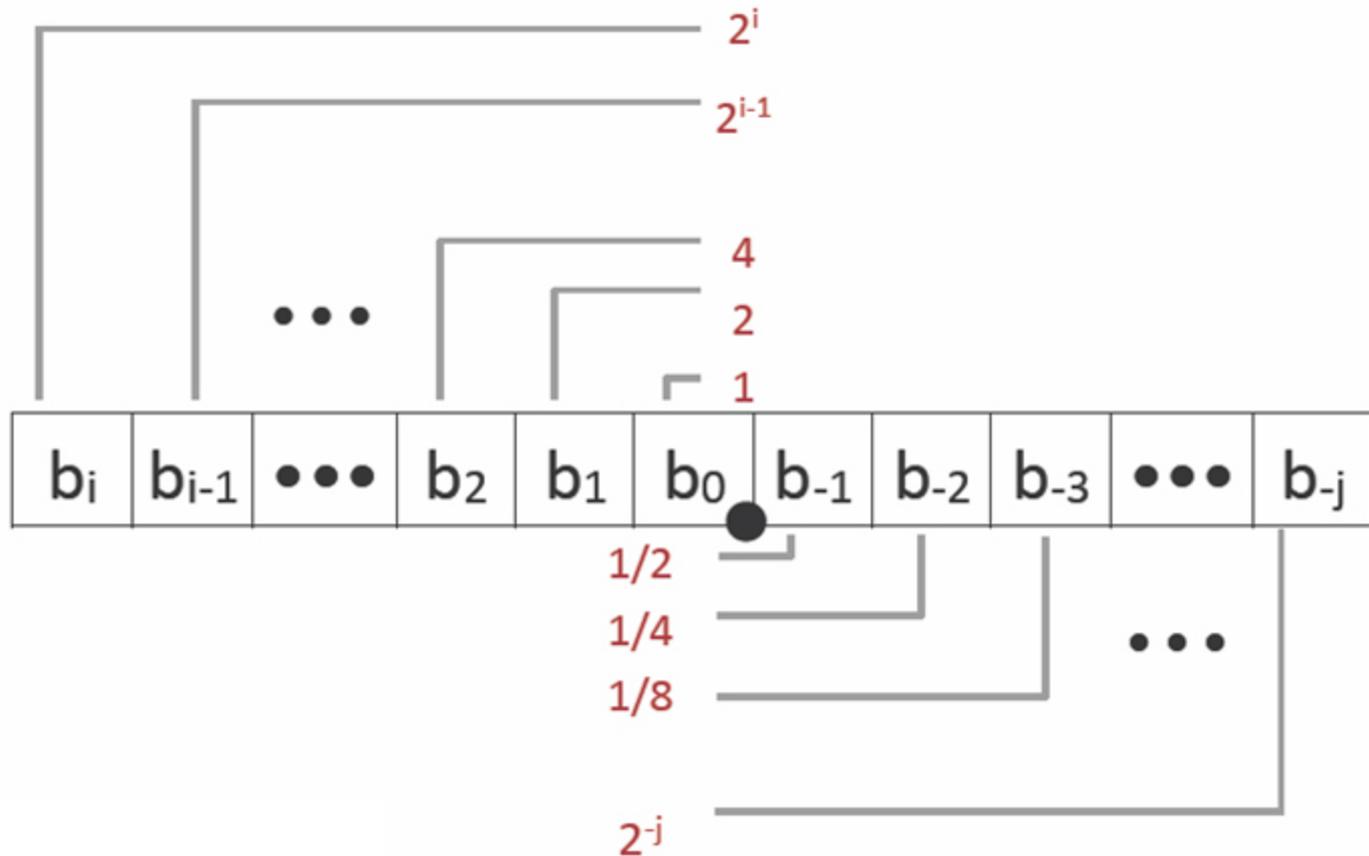
- ◇ Предпосылки: дробные двоичные числа
- ◇ Стандарт арифметики с плавающей точкой IEEE 754:  
Определение
- ◇ Пример и свойства
- ◇ Округление, сложение, умножение
- ◇ Плавающие типы языка Си
- ◇ Выводы

## Дробные двоичные числа

◇ Что такое  $1011.101_2$  ?

$$\begin{aligned} &1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} = \\ &= 11 \frac{5}{8} = 11.625 \end{aligned}$$

# Дробные двоичные числа



- ◆ Черное пятнышко – двоичная точка
- ◆ Биты слева от точки умножаются на положительные степени 2
- ◆ Биты справа от точки умножаются на отрицательные степени 2

## Дробные двоичные числа

◇  $0.111111\dots_2 = 1.0 - \varepsilon$  ( $\varepsilon \rightarrow 0$ ), так как

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n} + \dots \rightarrow 1 \quad \text{при } n \rightarrow \infty$$

◇ Точно можно представить только числа вида  $\frac{x}{2^k}$

◇ Остальные рациональные числа представляются периодическими двоичными дробями:

$$\frac{1}{5} = 0.(0011)_2$$

◇ Иррациональные числа представляются аperiodическими двоичными дробями и могут быть представлены только приближенно

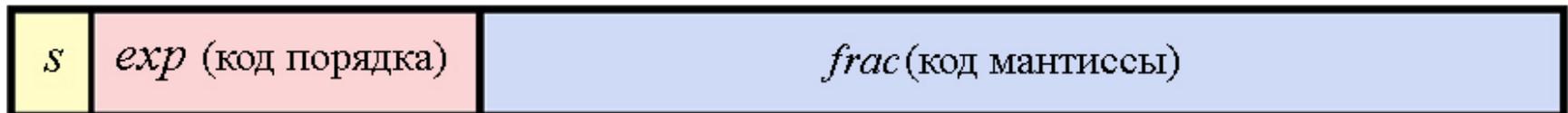
# Представление чисел с плавающей точкой (IEEE 754)

- ◆ Числа с плавающей точкой представляются в нормализованной форме:  $(-1^s) M 2^e$ 
  - ◆  $s$  – код знака числа (он же знак мантииссы)
  - ◆  $M$  – мантиисса (  $1 \leq M < 2$  )
  - ◆  $e$  – (двоичный) порядок
  
- ◆ Первая цифра мантииссы в нормализованном представлении всегда 1. В стандарте принято решение не записывать в представлении числа эту единицу (тем самым мантиисса как бы увеличивается на разряд).

Экономия связана с тем, что в представлении числа записывается не  $M$ , а  $frac = M - 1$

## Представление чисел с плавающей точкой

- ◆ Чтобы не записывать отрицательных чисел в поле порядка, вводится *смещение*  $bias = 2^{k-1} - 1$ , где  $k$  – количество бит в поле для записи порядка, и вместо порядка  $e$  записывается код порядка  $exp$ , связанный с  $e$  соотношением  $e = exp - bias$ .
- ◆ Нормализованное число  $(-1^s) M 2^e$  упаковывается в машинное слово (структуру) с полями  $s$ ,  $frac$  и  $exp$



Ширина поля  $s$  всегда равна 1.

Ширина полей  $exp$  и  $frac$  зависит от точности числа

# Представление чисел с плавающей точкой

◇ Одинарная точность (32 бита):

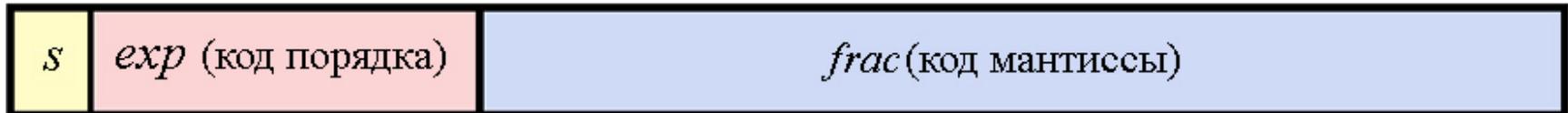


8 бит

23 бита

$$bias = 127; \quad -126 \leq e \leq 127; \quad 1 \leq exp \leq 254$$

◇ Двойная точность (64 бита):

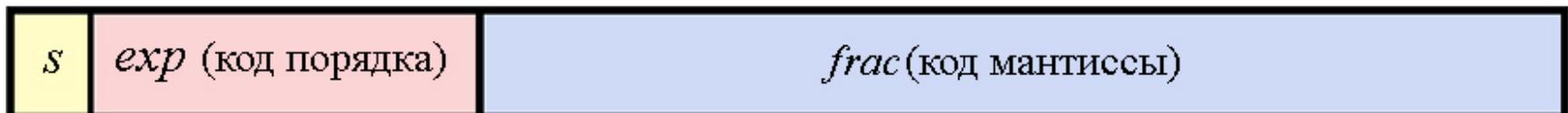


11 бит

52 бита

$$bias = 1023; \quad -1022 \leq e \leq 1023; \quad 1 \leq exp \leq 2046$$

◇ Повышенная точность (80 бит):



15 бит

64 бита

# Представление чисел с плавающей точкой

## ◆ Пример

◆ Значение float  $f = 15213.0$

$$15213_{10} = 11101101101101_2 = 1.1101101101101_2 \times 2^{13}$$

◆ Значащая часть

$$M = 1.\underline{1101101101101}_2,$$

$$\text{frac} = \underline{110110110110100000000000}_2$$

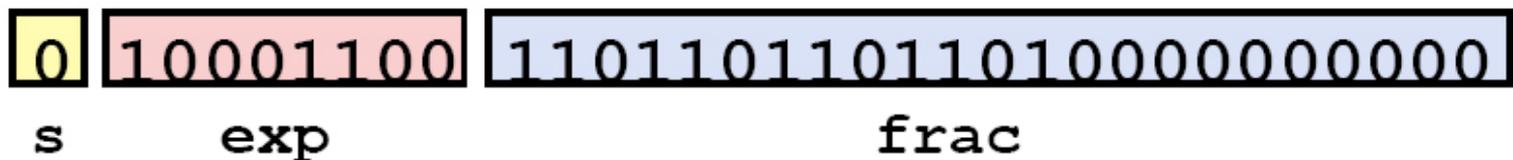
◆ Порядок

$$e = 13$$

$$\text{bias} = 127$$

$$\text{exp} = 140 = 10001100_2$$

◆ Результат



## Представление нуля

- ◆ Для типа `float` код порядка `exp` изменяется от `00000001` до `11111110`  
(значению `00000001` соответствует порядок  $e = -126$ ,  
значению `11111110` – порядок  $e = 127$ )
- ◆ Код `exp = 00000000`, `frac = 000...0`  
представляет нулевое значение; в зависимости от значения знакового разряда `s` это либо `+0` либо `-0`
- ◆ А какое значение представляет код  
`exp = 00000000`, `frac ≠ 000...0`?

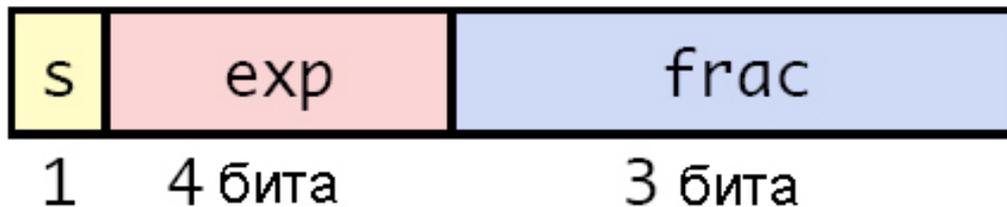
## Большие числа

Пусть  $\text{exp} = 111\dots 1$

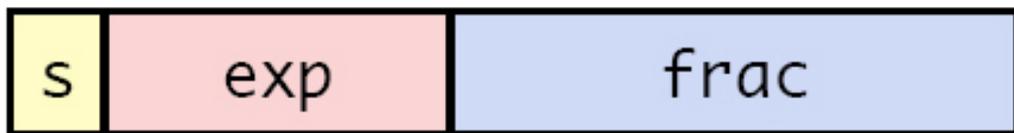
- ◇ если при этом  $\text{frac} = 000\dots 0$ , то коду будет соответствовать значение  $\infty$  (со знаком  $s$ )
- ◇ если же  $\text{frac} \neq 000\dots 0$ , то код не будет представлять никакое число («значение», представляемое таким кодом, так и называется: «не число» – NaN – Not a number)

## Денормализованные числа

- ◇ Это числа, представляемые кодами  
 $\text{exp} = 00000000, \text{frac} \neq 000\dots0$
- ◇  $\text{exp}$  вносит в значение такого числа постоянный вклад  $2^{-k-2}$ ,  
 $\text{frac}$  меняется от  $000\dots01$  до  $111\dots1$  и рассматривается уже не как мантисса, а как значение, умножаемое на  $\text{exp}$
- ◇ Рассмотрим это на модельном примере:



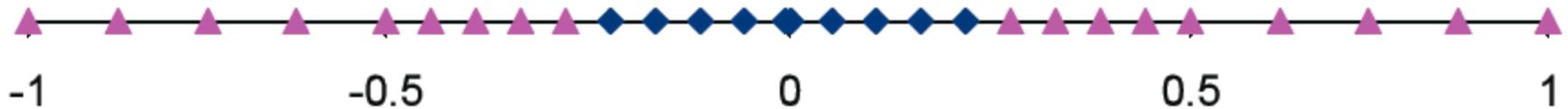
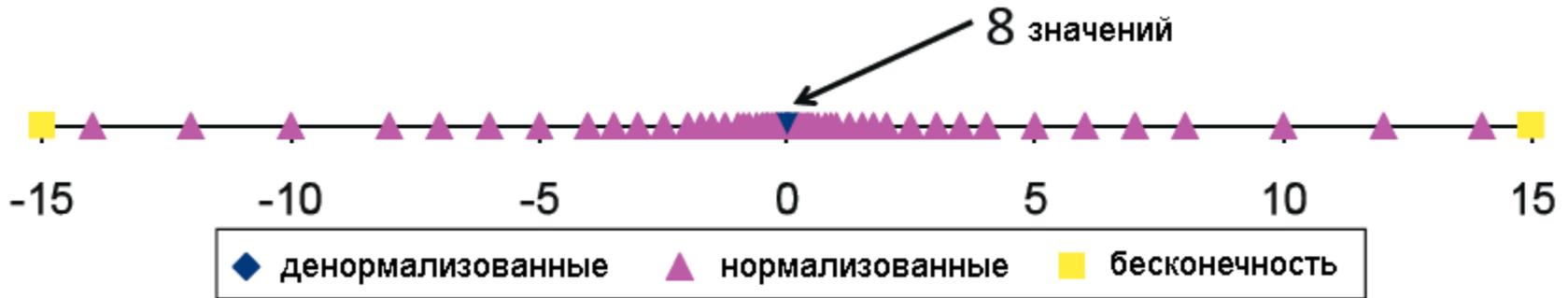
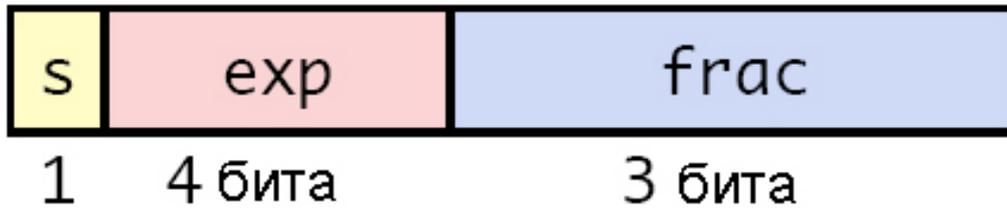
# 8-разрядные числа с плавающей точкой (положительные)



1      4 бита                      3 бита

	s	exp	frac	E	Value	
Ненормализованные числа	0	0000	000	-6	0	Близкие к 0
	0	0000	001	-6	$1/8 * 1/64 = 1/512$	
	0	0000	010	-6	$2/8 * 1/64 = 2/512$	
	...					
	0	0000	110	-6	$6/8 * 1/64 = 6/512$	Наибольшее ненормализованное
	0	0000	111	-6	$7/8 * 1/64 = 7/512$	
	Нормализованные числа	0	0001	000	-6	$8/8 * 1/64 = 8/512$
0		0001	001	-6	$9/8 * 1/64 = 9/512$	
...						
0		0110	110	-1	$14/8 * 1/2 = 14/16$	Ближайшее к 1 снизу
0		0110	111	-1	$15/8 * 1/2 = 15/16$	
0		0111	000	0	$8/8 * 1 = 1$	Ближайшее к 1 сверху
0		0111	001	0	$9/8 * 1 = 9/8$	
0		0111	010	0	$10/8 * 1 = 10/8$	
...						
0		1110	110	7	$14/8 * 128 = 224$	Наибольшее нормализованное
0	1110	111	7	$15/8 * 128 = 240$		
0	1111	000	n/a	inf		

# 8-разрядные числа с плавающей точкой



Центральная область более крупно

# Важные частные случаи

	exp	frac	Численное значение
◆ Нуль	00...00	00...00	0.0
◆ Наим. положит. денорм.	00...00	00...01	$2^{-23} \times 2^{-126}$
◆ float $\approx 1.4 \times 10^{-45}$			
◆ double $\approx 4.9 \times 10^{-324}$			$2^{-52} \times 2^{-1022}$
◆ Наиб. положит. денорм.	00...00	11...11	
◆ float $\approx 1.18 \times 10^{-38}$			$(1.0 - \epsilon) \times 2^{-126}$
◆ double $\approx 2.2 \times 10^{-308}$			$(1.0 - \epsilon) \times 2^{-1022}$
◆ Наим. положит. норм.	00...01	00...00	
◆ float			$1.0 \times 2^{-126}$
◆ double			$1.0 \times 2^{-1022}$
◆ Единица	01...11	00...00	1.0
◆ Наиб. положит. норм.			
◆ float $\approx 3.4 \times 10^{38}$			$(2.0 - \epsilon) \times 2^{127}$
◆ double $\approx 1.8 \times 10^{308}$			$(2.0 - \epsilon) \times 2^{1023}$

